

1 解答は解答用紙(その1)の 1 欄に記入せよ.

$\alpha = 40^\circ$ とする. このとき

$$\sin \alpha + \sin 8\alpha = \sin 3\alpha + \sin 6\alpha = \boxed{\text{ア}}$$

に注意すると

$$\frac{\sin 2\alpha \cdot \sin 4\alpha \cdot \sin 6\alpha \cdot \sin 8\alpha}{\sin \alpha \cdot \sin 2\alpha \cdot \sin 3\alpha \cdot \sin 4\alpha} = \boxed{\text{イ}}$$

$$\cos \alpha \cdot \cos 2\alpha \cdot \cos 3\alpha \cdot \cos 4\alpha = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}} \boxed{\text{オ}}}$$

ここで $3\alpha = 120^\circ$ より

$$\cos \alpha \cdot \cos 2\alpha \cdot \cos 4\alpha = -\frac{\boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{キ}}}$$

一方, 積を和になおす公式を用いて

$$\cos 2\alpha \cdot \cos 4\alpha = \cos^2 \alpha - \frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$$

したがって $\cos \alpha$ は, 3次方程式

$$\boxed{\text{コ}} x^3 - \boxed{\text{サ}} x + \boxed{\text{シ}} = 0$$

の解である. ただし, 解答の分数はすべて既約分数とする.

2 解答は解答用紙(その1)の 2 欄に記入せよ.

サイコロを何回か続けて投げる.

(1) 3回続けて投げるとき, 同じ目が3回続けて出る確率は $\frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}\boxed{\text{ソ}}}$

(2) 4回続けて投げるとき, 同じ目が3回以上続けて出る確率は

$\frac{\boxed{\text{タ}}\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツ}}\boxed{\text{テ}}\boxed{\text{ト}}}$

(3) 5回続けて投げるとき, 同じ目が3回以上続けて出る確率は $\frac{\boxed{\text{ナ}}}{\boxed{\text{ニ}}\boxed{\text{ヌ}}}$ である.

ただし解答の分数はすべて既約分数とする.

3 解答は解答用紙(その2)の 3 欄に記入せよ.

O を中心とする半径 1 の円周上の相異なる 2 点 A, B におけるこの円の接線が、点 C で交わっているとする. 四角形 $OACB$ に含まれる扇形 OAB の面積を S_1 , 四角形 $OACB$ から扇形 OAB を取り除いた部分の面積を S_2 とするとき, $S_1 - S_2$ の最大値を求めよ.

4 解答は解答用紙(その2)の 4 欄に記入せよ.

関数 $y = \sqrt[3]{x}$ のグラフ, 直線 $x = 8$ および x 軸 によって囲まれた図形の面積が, 関数 $y = ax^3 (a > 0)$ のグラフで2等分される時, a の値を求めよ。

5 解答は解答用紙(その3)の 5 欄に記入せよ.

空間の2点 $A(-1, -1, a)$, $B(3, 2, 1)$ を考える. ただし $a > 0$ とする. xy 平面上の点 P を, 長さの和 $AP + PB$ が最小となるように定める.

- (1) xy 平面に関して点 B と対称な点 B' を求めよ.
- (2) 点 P の x 座標および y 座標を a を用いて表せ.
- (3) $\angle APB$ が直角となるように a の値を定め, またそのときの $AP + PB$ の値を求めよ.