

(1996 年度)

1 数 学 問 題

(この問題冊子は 6 ページ，4 問である。)

「受験についての注意」「マークによる数値解答欄についての注意」が，次の 2，3 ページにある。試験開始 3 分前に監督の指示があるので，それに従って読むこと。

受験についての注意

1. 監督の指示があるまで、問題冊子を開いてはならない。
2. 筆記具は、HBの黒鉛筆に限る。
万年筆・ボールペン・シャープペンシルなどを使用してはいけない。時計に組込まれたアラーム機能、計算機能、辞典機能などを使用してはいけない。
3. 試験開始の合図があったら、ただちに解答用紙の右上の番号が自分の受験番号かどうかを確認し、氏名を記入すること。
4. 次に解答用紙の右側のミシン目にそって、きれいに折り曲げてから、受験番号と氏名とが書かれた切片を切り離し、机上に置くこと。
5. 次に、この問題冊子が、表紙に記したページ数どおりそろっているかどうか確かめること。
6. 解答は解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで、そのマーク欄をHBの黒鉛筆でぬりつぶすこと。その他の部分には何も書いてはいけない。
7. マークをするとき、枠からはみ出したり、枠のなかに白い部分を残したり、文字や番号、枠などに○や×をつけたりしてはならない。
8. 訂正する場合は、消しゴムでていねいに消すこと。消しくずはきれいに取り除くこと。
9. 解答用紙を折り曲げたり、破ったりしてはいけない。採点が不可能になる。
10. 写真照合のため、自分の受験番号を呼ばれたら顔を上げること。
11. 試験時間中に退場することはできない。
12. 問題冊子、解答用紙、計算用紙を持ち帰ってはならない。

◎ この問題冊子の余白を計算用紙として使用してよい。

マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各桁の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの桁の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ－にマークせよ。（0または正数の場合は、符号欄にマークしない。）

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表示ときは、分母を1とする。

根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各桁の欄とも＊にマークせよ。（符号欄がもうけられている場合、－にはマークしない。）

〔解答記入例 7〕

符号	10 の 桁											1 の 桁										
－	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	*	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	*
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○

〔解答記入例 -26〕

符号	10 の 桁											1 の 桁										
－	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	*	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	*
●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○

〔解答表示例〕

$-\frac{3}{2}$ を、 $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{-3}}{\boxed{2}}$ とする。

0 を、 $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{0}}{\boxed{1}}$ とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$ を、 $\frac{\boxed{}}{\boxed{}} \sqrt{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{-1}}{\boxed{2}} \sqrt{\boxed{3}}$ とする。

1 選択肢(a), (b), (r), (d)から1つ選んで、以下の命題を完成させよ。

(1) x, y を正の数とする。 $x + y > 2$ であることは $x > 1$ かつ $y > 1$ であるための ア。

(2) $\triangle ABC$ の3辺の長さを a, b, c とする。 $(a^2 - b^2)(a^2 + b^2 - c^2) = 0$ であることは $\triangle ABC$ が直角二等辺三角形であるための イ。

選択肢

(a) 必要条件ではあるが、十分条件ではない

(b) 十分条件ではあるが、必要条件ではない

(r) 必要十分条件である

(d) 必要条件でも十分条件でもない

2 (1) 関数 $y = \frac{x^2 + 7x + 13}{x^2 + 9x + 21}$ は $x =$ ウ で最大値 エ をとり、

$x =$ オ で最小値 $\frac{\text{カ}}{\text{キ}}$ をとる。

(2) 関数

$$y = \frac{5x - 3}{7x - 3} \dots\dots\dots \text{①}$$

の逆関数のグラフを x 軸の方向に $\frac{\text{ク}}{\text{ケ}}$, y 軸の方向に $\frac{\text{コ}}{\text{サ}}$ 平行移動

させるともとの関数①のグラフに一致する。

$$t > 0 \text{ とし, } X = \begin{pmatrix} t^2 & \frac{1}{t^2} \\ t & \frac{1}{t} \end{pmatrix} \text{ とおく。}$$

X の表す 1 次変換による点 $A(1, 0)$, $B(0, 1)$, $O(0, 0)$ の像をそれぞれ A' , B' , O' とする。

(1) $t = 2$ のとき, $\triangle O'A'B'$ の面積は $\frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$ である。

(2) $\overrightarrow{OA'}$ と $\overrightarrow{OB'}$ のなす角を θ とする。 $\cos \theta = \frac{1}{2}$ ならば

$$t = \boxed{\text{セ}} \pm \boxed{\text{ソ}} \sqrt{\boxed{\text{タ}}} \text{ である。ただし } \boxed{\text{ソ}} > 0 \text{ とする。}$$

(3) $t \neq \boxed{\text{チ}}$ ならば X の逆行列 X^{-1} が存在する。このとき E を単位行列とし

$$E + X^{-1} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \text{ とおく。} a + d = 0 \text{ のとき,}$$

$$t = \frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テ}}} + \frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}} \sqrt{\boxed{\text{ニ}}} \text{ である。}$$

4 直線 l の方程式を

$$\frac{x-1}{2} = y+2 = \frac{z-4}{2},$$

直線 m の方程式を

$$\frac{x-2}{-2} = y-3 = \frac{z+1}{4}$$

とする。

(1) 平面 $x + \boxed{\text{ヌ}} y + \boxed{\text{ネ}} z + \boxed{\text{ノ}} = 0$ は直線 l に平行で、直線 m を含む。

(2) 点 $P(-1, 3, 8)$ を通り、直線 l を含む平面の方程式は

$$\boxed{\text{ハ}} x + 2y + \boxed{\text{ヒ}} z + \boxed{\text{フ}} = 0$$

である。点 P を通り、直線 l と m の両方に交わる直線の方程式は

$$\frac{x+1}{6} = \frac{y-3}{\boxed{\text{ヘ}}} = \frac{z-8}{\boxed{\text{ホ}}}$$

である。