

平成 23 年 度

(工 学 部)

問 題 冊 子

教 科	科 目	ページ数
数 学	数学Ⅰ・数学A 数学Ⅱ・数学B 数学Ⅲ	2

試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。

解答の書き方

1. 解答は、すべて別紙解答用紙の所定欄に、はっきりと記入すること。
2. 答案には、解答の過程を書き、結論を明示すること。
3. 解答を訂正する場合には、きれいに消してから記入すること。
4. 解答用紙には、解答と志望学部及び受験番号のほかは、いっさい記入しないこと。

注 意 事 項

1. 試験開始の合図の後、解答用紙に志望学部及び受験番号を必ず書くこと。
2. 下書き用紙は、片面だけ使用すること。
3. 用事があるときは、だまって手をあげて、監督者の指示を受けること。
4. 試験終了時には、解答用紙を必ずページ順に重ね、机上の右側に置くこと。
5. 試験終了後、問題冊子及び下書き用紙は持ち帰ること。

- 〔1〕 $\triangle ABC$ の外接円の半径は1である。この外接円の中心 O から3つの辺 BC , CA , AB へ下ろした垂線をそれぞれ OL , OM , ON とし、

$$\sqrt{3} \overrightarrow{OL} + \overrightarrow{OM} + (2 + \sqrt{3}) \overrightarrow{ON} = \overrightarrow{0}$$

が成立しているとする。 $\vec{a} = \overrightarrow{OA}$, $\vec{b} = \overrightarrow{OB}$, $\vec{c} = \overrightarrow{OC}$ とおくとき、次の問に答えよ。

1. $\vec{c}$ を $\vec{a}$, $\vec{b}$ で表せ。
2. 内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求めよ。
3. $\angle AOB$ および $\angle ACB$ を求めよ。
4. $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

- 〔2〕 S_n は数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和とする。第 n 項 a_n と S_n は

$$S_n + na_n = 1 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

をみたしている。このとき、次の問に答えよ。

1. a_1 , a_2 , a_3 を求めよ。
2. a_n と S_n を n を用いて表せ。

〔 3 〕 t がすべての実数をとるとき, 3 点 $A(t, t^2)$, $B(t, t-2)$,

$C(t+\sqrt{3}, t^2-t-1)$ について, 次の問に答えよ。

1. 各実数 t に対して, A と B は異なる点であることを示せ。
2. $\triangle ABC$ が直角三角形になる t をすべて求めよ。
3. $\triangle ABC$ が鋭角三角形になる t の範囲を求めよ。

〔 4 〕 $a > 1$ のとき, 連立不等式

$$\sqrt{a^2-x^2} \leq y \leq a^2-x^2, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0$$

で表せる領域を D_1 , 連立不等式

$$a^2-x^2 \leq y \leq \sqrt{a^2-x^2}, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0$$

で表せる領域を D_2 とする。このとき, 次の問に答えよ。

1. $x \geq 0, y \geq 0$ における, 曲線 $y = \sqrt{a^2-x^2}$ と曲線 $y = a^2-x^2$ の交点をすべて求めよ。
2. $x \geq 0, y \geq 0$ において, 2 つの曲線 $y = \sqrt{a^2-x^2}, y = a^2-x^2$ のグラフの概形をかき, D_1, D_2 を図示せよ。
3. D_1, D_2 を x 軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積をそれぞれ V_1, V_2 とするとき, $V_1 - V_2$ を求めよ。
4. $V_1 < V_2$ をみたす a の範囲を求めよ。