

〔 I 〕 x の 4 次式 $f(x) = (x - 1)(x - 3)(x + 3)(x + 5)$ について、次の問いに答えよ。

(1) $x^2 + 2x - 9 = t$ とおくとき、 $f(x)$ を t の 2 次式として表せ。

(2) x が実数全体を動くとき、 $f(x)$ の最小値とそのときの x の値を求めよ。

〔Ⅱ〕 中心が O である半径 r の円に内接する正 12 角形の頂点を、反時計回りに順に A_1, A_2, \dots, A_{12} とする。この正 12 角形について、以下の をうめよ。

(1) この正 12 角形の面積は ① である。また $\cos 75^\circ =$ ② だから、この正 12 角形の全周の長さは ③ である。

(2) $\triangle A_1OA_5$, $\triangle A_5OA_8$, $\triangle A_8OA_1$ の面積をそれぞれ S_1 , S_2 , S_3 で表すと、それらの比は $S_1:S_2 =$ ④ $:2$, $S_2:S_3 = 2:1$ であるから、 $\triangle A_1A_5A_8$ の面積が $\frac{1}{2}(3 + \sqrt{3})$ になるのは $r =$ ⑤ のときである。

〔Ⅲ〕 放物線 $C: y = x^2$ 上に点 $P(s, s^2)$, $Q(t, t^2)$ をとる。ただし $s < 0 < t$ とする。P における C の接線と Q における C の接線の交点を R とする。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) R の座標を s と t で表せ。
- (2) $\angle PQR = 90^\circ$ のとき、 s を t で表せ。
- (3) $\angle PQR = 90^\circ$ で t が $t > 0$ の範囲を動くとき、 $\triangle PQR$ の面積 S の最小値を求めよ。

(以 上)