

〔 I 〕 次の をうめよ。

放物線 $C: y = x^2$ 上の点 $P(-1, 1)$, $Q(2, 4)$ を通る直線の方程式は $y =$
 ① である。また直線 $x = -1$, $x = 2$ と x 軸及び放物線 C で囲まれる部
分の面積 S_1 は ② である。 $-1 < k < 2$ とし、点 $R(k, k^2)$ を考える。
そのとき $\triangle PQR$ の面積 S_2 を k で表すと ③ だから、 S_2 が最大になるの
は $k =$ ④ のときで、最大値 $S_2 =$ ⑤ をとる。また $S_1 = S_2$ とな
るのは $k =$ ⑥ のときである。

〔Ⅱ〕 $\triangle ABC$ において頂点 A, B, C の対辺の長さをそれぞれ a, b, c で表す。

次の問いに答えよ。

(1) $\cos A$ を a, b, c で表す式を書け。

(2) $\frac{b+c}{a} \cos A = \frac{c+a}{b} \cos B$ が成り立つとき、 $\triangle ABC$ はどんな三角形か。

〔Ⅲ〕 整数 m と正の整数 n が $5m^2 + 12n = 149$ を満たすとき、次の問いに答えよ。

(1) n のとりうる最大値を求めよ。

(2) $5m^2 + 12n = 149$ を満たす m, n の組 (m, n) をすべて求めよ。

(以 上)