

〔1〕

(ア)	(イ)	(ウ)
3	$-8a+11$	$a$

(エ)	(オ)	(カ)
$-a^2-2a+2$	1	64

(キ)	(ク)	(ケ)
16	240	48

〔2〕

(ア)	(イ)	(ウ)
$x^3 + 3x^2 - 9x$	$-3$	$27$

(エ)	(オ)	(カ)
$1$	$-5$	$\frac{1}{3}\vec{a}$

(キ)	(ク)
$\frac{2}{3}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{c}$	$-\frac{1}{3}\vec{a} + \frac{2}{3}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{c}$

(ケ)	(コ)
$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{5}}{3}$

[3]

$$(1) y = |x(x-2)|$$

$$= \begin{cases} x^2 - 2x & (x \leq 0, 2 \leq x) \cdots \cdots \textcircled{1} \\ -x^2 + 2x & (0 < x < 2) \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①と $y = kx$ の共有点の $x$ 座標は

$$x^2 - 2x = kx \text{ より } x = 0, 2+k$$

②と $y = kx$ の交点の $x$ 座標は

$$-x^2 + 2x = kx \text{ より } x = 2-k$$

したがって、 $S$ は下図の斜線部の面積になるので

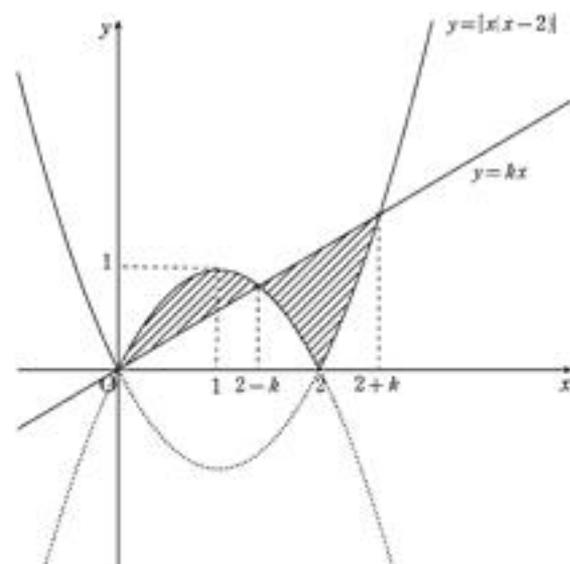
$$S = \int_0^{2-k} \{(-x^2 + 2x) - kx\} dx + \int_{2-k}^2 \{kx - (-x^2 + 2x)\} dx$$

$$+ \int_2^{2+k} \{kx - (x^2 - 2x)\} dx$$

$$= -\int_0^{2-k} x(x - (2-k)) dx + \left[ \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}(k-2)x^2 \right]_{2-k}^2$$

$$+ \left[ -\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}(2+k)x^2 \right]_2^{2+k}$$

$$= \frac{1}{6}(2-k)^3 + 2k^2 \cdots \cdots (\text{答})$$



$$(2) S'(k) = \frac{1}{6} \cdot 3(2-k)^2 \cdot (-1) + 4k = -\frac{1}{2}(k^2 - 12k + 4)$$

$$S'(k) = 0 \text{ とすると } 0 < k < 2 \text{ より } k = 6 - 4\sqrt{2}$$

したがって $S(k)$ の増減表は

右のようになるので、

$S$ を最小にする $k$ の値は

$$k = 6 - 4\sqrt{2} \cdots \cdots (\text{答})$$

$k$	0	⋯	$6 - 4\sqrt{2}$	⋯	2
$S'(k)$		-	0	+	
$S(k)$		↘	最小	↗	