

2020 年度 明治大学

【経営学部】

解答時間 60分

配点 100点

ゆ

数 学 問 題

はじめに、これを読みなさい。

1. この問題冊紙は6ページある。ただし、ページ番号のない白紙はページ数に含まない。
2. 解答用紙に印刷されている受験番号が正しいかどうか、受験票と照合して確認すること。
3. 監督者の指示にしたがい、解答用紙の氏名欄に氏名を記入すること。
4. 解答は、すべて解答用紙の所定欄にマークするか、または記入すること。所定欄以外のところには何も記入しないこと。解答欄は裏面にもある。
5. 問題に指定された数より多くマークしないこと。
6. 解答は、必ず鉛筆またはシャープペンシル(いずれも HB・黒)で記入すること。
7. 訂正する場合は、消しゴムできれいに消し、消しくずを残さないこと。
8. 解答用紙は、絶対に汚したり折り曲げたりしないこと。
9. 解答用紙はすべて回収する。持ち帰らず、必ず提出すること。ただし、この問題冊子は、必ず持ち帰ること。
10. 試験時間は60分である。
11. マークシート記入例

良い例	悪い例
	

〔 I 〕 以下の問に答えなさい。空欄内の各文字に当てはまる数字を所定の解答欄にマークしなさい。

- (1) $x^2 + 9x - 16 \leq 0$ を満たす整数は全部で アイ 個ある。
- (2) $2y - 3x - 2 \leq 0$ と $4^{x-1} - 17 \times 2^{x-1} + 16 \leq 0$ を満たす自然数 x, y の組は全部で ウエ 通りある。
- (3) $\log_3(x + y - 3) \leq 3\log_3 2$ を満たす自然数 x, y の組は全部で オカ 通りある。
- (4) 初項が 3、公差が 2 の等差数列がある。初項から第 n 項までの和を S_n と表すとき、 $S_n \leq 10000$ を満たす最大の自然数 n は キク である。

(このページは計算用紙として使用しないでください。)

- 〔Ⅱ〕 四面体 OABC があり、辺 OA の長さは 4、辺 OB の長さは 4、辺 OC の長さは 5 である。また、 $\angle AOB$ 、 $\angle BOC$ 、 $\angle COA$ はすべて 60° である。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ 、 $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ とおく。

このとき、点 O から辺 BC におろした垂線の交点を D とする。さらに、線分 DC を 8:7 に内分する点を E とし、三角形 ABE の重心を G とする。

以下の問に答えなさい。空欄内の各文字に当てはまる数字を所定の解答欄にマークしなさい。ただし、分数はすべて既約分数にしなさい。

- (1) $\overrightarrow{OD}$ を、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ を用いて表すと

$$\overrightarrow{OD} = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}} \vec{b} + \frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}} \vec{c}$$

であり、線分 OD の長さは $\frac{\boxed{\text{スセ}}}{\boxed{\text{タ}}} \sqrt{\boxed{\text{ソ}}}$ である。

- (2) $\cos \angle AOD = \frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{テト}}} \sqrt{\boxed{\text{ツ}}}$ であり、

三角形 OAD の面積は $\frac{\boxed{\text{ナニ}}}{\boxed{\text{ノ}}} \sqrt{\boxed{\text{ヌネ}}}$ である。

- (3) $\overrightarrow{OG}$ を、 $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ を用いて表すと

$$\overrightarrow{OG} = \frac{\boxed{\text{ハ}}}{\boxed{\text{ヘ}}} \vec{a} + \frac{\boxed{\text{ヒ}}}{\boxed{\text{ヘ}}} \vec{b} + \frac{\boxed{\text{フ}}}{\boxed{\text{ヘ}}} \vec{c}$$

であり、線分 OG の長さは $\frac{\boxed{\text{ホ}}}{\boxed{\text{ヘ}}} \sqrt{\boxed{\text{マ}}}$ である。

(このページは計算用紙として使用しないでください。)

- 〔Ⅲ〕 座標平面上に 2 つの放物線がある。放物線 $y = -x^2 + 1$ を C_1 とし、放物線 $y = -x^2 + 6x - a$ を C_2 とする。ただし、 a は定数とする。放物線 C_1 と放物線 C_2 の両方に接する直線を ℓ とする。直線 ℓ と 2 つの放物線 C_1, C_2 で囲まれる部分を D とする。

以下の問に答えなさい。ただし、分数はすべて既約分数にしなさい。

設問 (1) は空欄内の各文字に当てはまる数字を所定の解答欄にマークしなさい。

設問 (2) は裏面の所定の欄に解答のみ書きなさい。

設問 (3) は裏面の所定の欄に計算の途中式と解答を書きなさい。

- (1) $a = 5$ のとき、直線 ℓ と放物線 C_1 の接点は $\left(-\frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}}, \frac{\boxed{\text{メ}}}{\boxed{\text{モ}}} \right)$ であ

り、直線 ℓ と放物線 C_2 の接点は $\left(\frac{\boxed{\text{ヤ}}}{\boxed{\text{ユ}}}, \frac{\boxed{\text{ヨラ}}}{\boxed{\text{リ}}} \right)$ である。 D の面積は

ル
レ

である。

- (2) 直線 ℓ の方程式を a を用いて表しなさい。

- (3) (2) の式を用いて D の面積を求めなさい。

(このページは計算用紙として使用しないでください。)

