

平成 29 年 度 入 学 試 験 問 題

数 学

(文教育学部, 生活科学部用)

注 意 事 項

試験開始の合図があるまでは, この冊子を開いてはいけない。

1. この冊子の本文は 3 ページである。印刷の不鮮明な部分, ページの脱落などがあつた場合は申し出ること。
2. 答案用紙には, すべてに受験番号と氏名を記入すること。

記入例

受験 番号	1	2	3	4	5	氏名	お茶 花子
----------	---	---	---	---	---	----	-------

3. 解答は, それぞれ問題の番号に対応する答案用紙に書くこと。
4. この冊子の余白部分は下書きに使用してもよい。
5. この冊子及び下書き用紙は持ち帰ること。

1 次の条件によって定まる数列 $\{a_n\}$ を考える.

$$a_1 = \frac{1}{3}, \quad a_{n+1} = \frac{1}{3 - 2a_n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

このとき、次の問いに答えよ.

- (1) すべての自然数 n に対し、 a_n は $\frac{1}{3} \leq a_n < \frac{1}{2}$ を満たす有理数であることを示せ.
- (2) 一般項 a_n を $a_n = \frac{p_n}{q_n}$ (ただし、 p_n, q_n は互いに素な自然数) と既約分数で表したとき、 p_{n+1} を p_n と q_n で、 q_{n+1} を p_n と q_n でそれぞれ表せ.
- (3) 数列 $\{a_n\}$ の一般項 a_n を求めよ.

2 さいころを n 回ふり, n 個の出た目の数をすべて掛け合わせた値を a_n とする.
次の問いに答えよ.

- (1) a_n が素数となる確率を n を用いて表せ.
- (2) a_n が 3 の倍数となる確率を n を用いて表せ.
- (3) a_n を 6 で割った余りが 1 となる確率を n を用いて表せ.
- (4) $a_n < 10$ となる確率を $n = 1, n = 2$ のときに求め, $n \geq 3$ のときは n を用いて表せ.

3 関数 $f(x) = x^4 + ax^3 + bx^2 + x$ を考える。ここで、 a, b は実数とする。

今、曲線 $y = f(x)$ が、ある直線 l に 2 点で接しており、その 2 つの接点の x 座標が -1 と 1 であることがわかっている。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) 定数 a, b の値と、直線 l の方程式を求めよ。
- (2) 直線 l と同じ傾きを持ち、曲線 $y = f(x)$ と接する直線が l の他にもう 1 つある。その直線の方程式を求めよ。
- (3) (2) で求めた直線と曲線 $y = f(x)$ とにより囲まれた領域のうち x 座標が 0 以上の部分の面積を求めよ。

