

平成 21 年度前期日程入学試験学力検査問題

平成 21 年 2 月 26 日

数 学 (理系 医学部医学科 医学部保健学科放射線技術科学専攻・ 検査技術科学専攻)

志望学部／学科／専攻		問題選択の指定	試験時間	指定解答用紙
理 学 部		4～6 ページの ①, ②, ③, ④, ⑤, ⑥ を解答す ること。	10:00～12:30 (150 分)	①, ②, ③の マークの用紙 (各表・裏)
医 学 部 医 学 科				
歯 学 部				
薬 学 部				
工 学 部				
医学部	保健学科放射線技術科学 専攻・検査技術科学専攻	4～5 ページの ①, ②, ③, ④ を解答すること。	10:00～11:40 (100 分)	①, ②のマー クの用紙 (各表・裏)
農 学 部				

注 意 事 項

- 試験開始の合図があるまで、この問題冊子、解答用紙を開いてはいけない。
- この問題冊子は、6 ページである。問題冊子の白紙のページや問題の余白は草案のために使用してよい。なお、ページの脱落、印刷不鮮明の箇所などがあった場合には申し出ること。
- 解答は、必ず黒鉛筆(シャープペンシルも可)で記入し、ボールペン・万年筆などを使用してはいけない。
- 解答用紙の受験記号番号欄(1 枚につき 2 か所)には、忘れずに受験票と同じ受験記号番号をはっきりと判読できるように記入すること。
- 指定された問題以外の問題は、解答しないこと。解答しても採点の対象とはならない。
- 解答は、必ず解答用紙の指定された箇所に記入すること。
- 解答用紙を持ち帰ってはいけない。
- 試験終了後、この問題冊子は持ち帰ること。

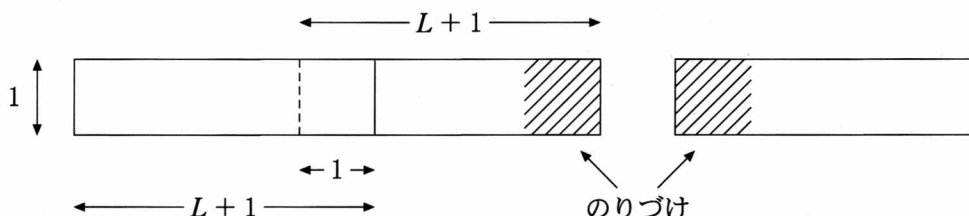
前期：理学部・医学部(医学科, 保健学科放射線技術科学専攻・
検査技術科学専攻)・歯学部・薬学部・工学部・農学部

1 a, b, c を実数とする。以下の問いに答えよ。

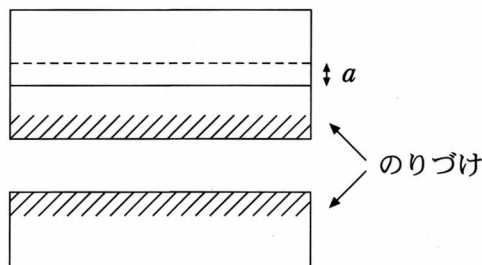
- (1) $a + b = c$ であるとき, $a^3 + b^3 + 3abc = c^3$ が成り立つことを示せ。
- (2) $a + b \geq c$ であるとき, $a^3 + b^3 + 3abc \geq c^3$ が成り立つことを示せ。

2 L を 2 以上の自然数, a を $0 < a < 1$ を満たす実数とする。縦 1 cm, 横 $(L + 1)$ cm の長方形の紙を用いて, 次のように長方形 A, B を作る。

長方形 A の作り方。 L 枚の紙を横に並べて, 順に 1 辺 1 cm の正方形をのりしろとして(隣り合う紙が横 1 cm 重なるように)はり合わせ, 縦 1 cm の横長の長方形を作る。



長方形 B の作り方。 L 枚の紙を縦に並べて, 隣り合う紙が縦 a cm 重なるようにはり合わせて, 横 $(L + 1)$ cm の長方形を作る。



長方形 A, B の面積をそれぞれ $S_1 \text{ cm}^2$ および $S_2 \text{ cm}^2$ とおくとき, 以下の問いに答えよ。

- (1) S_1 と S_2 を求めよ。
- (2) $L = 2$ のとき, $S_1 - 1 < S_2$ となる a の範囲を求めよ。
- (3) $S_1 - 1 < S_2$ となる 2 以上の自然数 L があるような a の範囲を求めよ。

(前期：理学部・医学部(医学科, 保健学科放射線技術科学専攻・検査技術科学専攻)
歯学部・薬学部・工学部・農学部)

3 袋の中に青玉が7個, 赤玉が3個入っている。袋から1回につき1個ずつ玉を取り出す。一度取り出した玉は袋に戻さないとして, 以下の問いに答えよ。

- (1) 4回目に初めて赤玉が取り出される確率を求めよ。
- (2) 8回目が終わった時点で赤玉がすべて取り出されている確率を求めよ。
- (3) 赤玉がちょうど8回目ですべて取り出される確率を求めよ。
- (4) 4回目が終わった時点で取り出されている赤玉の個数の期待値を求めよ。

4 a を $0 \leq a \leq \frac{\pi}{2}$ を満たす実数とする。以下の問いに答えよ。

- (1) 実数 θ に対して $\sin \theta$ と $\sin(\theta - 2a)$ のうち小さくないほうを $f(\theta)$ とおく。
すなわち,

$$\sin \theta \geq \sin(\theta - 2a) \text{ のとき } f(\theta) = \sin \theta$$

$$\sin \theta < \sin(\theta - 2a) \text{ のとき } f(\theta) = \sin(\theta - 2a)$$

となる関数 $f(\theta)$ を考える。このとき定積分

$$I = \int_0^{\pi} f(\theta) d\theta$$

を求めよ。

- (2) a を $0 \leq a \leq \frac{\pi}{2}$ の範囲で動かすとき, (1)の I の最大値を求めよ。

(前期：理学部・医学部医学科・歯学部・薬学部・工学部)

次の **5** , **6** は理学部・医学部医学科・歯学部・薬学部・工学部の受験者のみ解答すること。

5 a, b, c, d, p, q は $ad - bc > 0, p > 0, q > 0$ を満たす実数とする。2

つの行列 $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ と $P = \begin{pmatrix} p & 0 \\ 0 & q \end{pmatrix}$ が $APA = P^2$ を満たすとする。このと

き、以下の問いに答えよ。

(1) $P^3A = AP^3$ が成り立つことを示せ。

(2) A を p と q で表せ。

6 実数 a に対して、 x の方程式

$$|x(x-2)| + 2a|x| - 4a|x-2| - 1 = 0$$

が、相異なる4つの実数解をもつような a の範囲を求めよ。